

Notation : $a + \vec{u}$ est le point

b tq $\vec{ab} = \vec{u}$

• ex 2.1.4 $b = a + \vec{v} \Leftrightarrow \vec{ab} = \vec{v} \Leftrightarrow a\vec{c} + \vec{cb} = \vec{v} \Leftrightarrow \vec{cb} = \vec{ca} + \vec{v}$

• ex 2.1.5 $a \in E, \vec{u}, \vec{v} \in E$ alors

$(a + \vec{u}) + \vec{v} = a + (\vec{u} + \vec{v})$

solution : on note $a + \vec{u} = b$ et $b + \vec{v} = c$
(donc $(a + \vec{u}) + \vec{v} = c$). Par définition,

$\vec{ab} = \vec{u}$ et $\vec{bc} = \vec{v}$. On calcule

$a + (\vec{u} + \vec{v}) = a + (\vec{ab} + \vec{bc})$
 $= a + \vec{ac}$ par Chasles
 $= c$

• ex 2.2.1 $a, b \in E$ et t une translation.

On note $a' = t(a)$ d'où le vecteur de la translation est $\vec{aa'}$. Si $t(b) = b'$

alors $\vec{bb'} = \vec{aa'}$ ce qui revient à écrire
 $b' = b + \vec{aa'}$

• ex 2.3.1 l'élément neutre est $t_{\vec{0}}$ car

$t_{\vec{0}} \circ t_{\vec{u}} = t_{\vec{0} + \vec{u}} = t_{\vec{u}}$. L'inverse de $t_{\vec{u}}$
est $t_{-\vec{u}}$ en effet $t_{\vec{u}} \circ t_{-\vec{u}} = t_{(\vec{u} - \vec{u})} = t_{\vec{0}}$