

Construction du completé de (X, d)

$$Y_0 = \left\{ (u_n) \text{ suite de } X \text{ de Cauchy} \right\}$$

$$(u_n) \sim (v_n) \quad \begin{array}{l} \text{deux éts de } Y_0 \\ \text{si } d(u_n, v_n) \rightarrow 0 \\ \quad \quad \quad n \rightarrow +\infty \end{array} \quad \left| \text{ relation d'équivalence} \right.$$

$$Y = Y_0 / \sim \quad \bullet \quad X \subseteq Y \quad x \in X \rightarrow (\overline{x})_n \in Y$$

$$\bullet \quad (\overline{u_n}), (\overline{v_n}) \in Y \quad d_Y(u, v) = \lim_{n \rightarrow +\infty} d(u_n, v_n)$$

$u = \overline{u_n}$
 $v = \overline{v_n}$

(à confirmer)

- complet
(u_n) suite de Cauchy dans $X \subseteq Y$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \overline{u_n} \in Y$$

- dense