

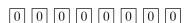
Université Claude Bernard - Lyon 1

Semestre automne 2014-2015

Analyse numérique - L3

Contrôle final : QCM

Les réponses aux questions sont à donner exclusivement sur la dernière page qui contient la feuille de réponses. Elles doivent être codées en noircissant la case adéquate. Les réponses données sur les feuilles précédentes ne seront pas prises en compte.



- 2 2 2 2 2 2 2 2
- 3 3 3 3 3 3 3
- 4 4 4 4 4 4 4 4 4
- 5 5 5 5 5 5 5
- 6 6 6 6 6 6
- 7 7 7 7 7 7 7 7
- 8 8 8 8 8 8 8
- 9 9 9 9 9 9 9

 \leftarrow codez votre numéro d'étudiant, chiffre par chiffre, dans la question 0, et inscrivez votre nom et prénom.

L'usage de la calculatrice est interdit.

Chaque question admet une unique bonne réponse.

Question 1 Partant du vecteur $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$, quelle approximation d'un vecteur propre unitaire associé au rayon spectral de la matrice $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ fournit la méthode de la puissance au bout de 3 itérations?

Question 2 Relativement à la norme $\|\cdot\|_2$, quel est le conditionnement de la matrice $\begin{pmatrix} 0 & -2 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$?

 \boxed{A} 2 \boxed{B} $\sqrt{2}$

 $\boxed{\text{C}}$ $2\sqrt{2}$

D 4

E 1

F 8

G 16

Question 3 Quelle est la norme $\|\cdot\|_3$ du vecteur (1,2,3,3,1)?

 \boxed{A} $\sqrt[3]{24}$

 $\boxed{\mathrm{B}} \quad 2\sqrt{6}$

C 4

D 3

E 5

F 8

 $\boxed{G} \quad \sqrt[3]{28}$

Pour votre examen, imprimez de préférence les documents compilés à l'aide de auto-multiple-choice.



Quelle est la norme subordonnée à $\|\cdot\|_{\infty}$ de la matrice $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}$? Question 4

 $\boxed{\mathrm{B}}$ $3\sqrt{2}$

C 5

 \overline{D} $\sqrt{26}$

 $\boxed{\mathrm{E}}$ 2

|G| $\sqrt{10}$

Question 5 Partant de $\begin{pmatrix} 1\\1\\1 \end{pmatrix}$, quelle approximation d'un point critique de la fonction

$$\mathbf{R}^3 \to \mathbf{R}$$
, $(x, y, z) \mapsto \frac{1}{2}x^2 + y^2 + 2z^2$

fournit la méthode du gradient à pas fixe $\frac{1}{2}$ au bout de deux itérations?

Avec des nœuds équidistribués avec un pas $\frac{1}{2}$, quelle approximation de l'intégrale Question 6 $\int_0^1 x^3 dx$ fournit la méthode de quadrature composée dite du point milieu?

A $\frac{1}{4}$

Pour la fonction Question 7

fonction
$$\mathbf{R} \to \mathbf{R}, \quad x \mapsto 1 + x + x^2 + x^3$$

quel polynôme d'interpolation fournit l'interpolation de Lagrange aux nœuds $0,\,1$ et $2\,?$

Quel est la solution du problème de moindres carrés associé au second membre $\begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}$ et à la matrice $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$?

Question 9 Partant de 2, quelle approximation d'un zéro de la fonction

$$\mathbf{R} \to \mathbf{R}$$
, $x \mapsto x (1-x)$

fournit la méthode de Newton au bout d'une itération?

 $A = \frac{4}{3}$

 $\frac{2}{3}$

C 1

 $\boxed{\mathrm{D}}$ $\frac{3}{4}$

 $\begin{bmatrix} \mathbf{E} \end{bmatrix} = \frac{1}{4}$

 $\boxed{\mathbf{F}}$ $\frac{5}{4}$ $\boxed{\mathbf{G}}$ $-\frac{1}{2}$



Question 10 Partant de $\frac{1}{2}$ et 2, quelle approximation d'un zéro de la fonction

$$\mathbf{R} \to \mathbf{R}$$
, $x \mapsto x (1-x)$

fournit la méthode de la sécante au bout d'une itération?

A

 $\frac{2}{2}$

C 1

 $\frac{3}{4}$

 \mathbf{E}

 $F = \frac{5}{4}$

 $-\frac{1}{3}$

Avec des temps d'approximation équidistribués avec un pas $\frac{1}{2}$, quelle approxima-Question 11 tion de la valeur au temps 1 de l'éventuelle solution $x:[0,1]\to \mathbf{R}$ du problème de Cauchy

$$x(0) = 4$$
 et $(\forall t \in [0, 1], x'(t) = -(x(t))^2 + 8t)$

fournit le schéma de Runge-Kutta d'ordre 2?

 $A \frac{11}{64}$

В

 $\frac{65}{32}$

 \mathbf{F}

G

Avec des temps d'approximation équidistribués avec un pas $\frac{1}{2}$, quelle approximation de la valeur au temps 1 de l'éventuelle solution $x:[0,1]\to \mathbf{R}$ du problème de Cauchy

$$x(0) = 2$$

$$(\forall t \in [0,1]\,,$$

$$(\forall t \in [0,1], \quad x'(t) = -(x(t))^3 + t^2 x(t))$$

 $\frac{1}{4}$

fournit le schéma d'Euler explicite?

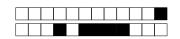
 $\boxed{\mathbf{B}} \quad \frac{1}{16} \qquad \boxed{\mathbf{C}} \quad \frac{9}{16}$

 \mathbf{D}

 $\mathbf{F} = \frac{7}{4}$







Feuille de réponses :

Nom et prénd	om:	

Les réponses aux questions sont à donner exclusivement sur cette feuille : les réponses données sur les feuilles précédentes ne seront pas prises en compte.

- QUESTION 0: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
- QUESTION 0: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
- QUESTION 0: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
- QUESTION 0: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
- QUESTION 0: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
- QUESTION 0: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
- QUESTION 0: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
- QUESTION 0: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
- QUESTION 1: A B C D E F G H I
- QUESTION 2: A B C D E F G
- QUESTION 3: A B C D E F G
- QUESTION 4: A B C D E F G
- QUESTION 5: A B C D E F G H I
- QUESTION 6: A B C D E F G
- QUESTION 7: A B C D E F G
- QUESTION 8: A B C D E F G H I
- QUESTION 9: A B C D E F G
- QUESTION 10: A B C D E F G
- QUESTION 11: A B C D E F G
- QUESTION 12: A B C D E F G



