

2) Soit $p \in E$ et $\vec{u} \in \vec{E}$. Voyons qu'il existe un unique $q \in E$ tel que

$$\vec{pq} = \vec{u}.$$

Si $p = (x_p, y_p, z_p)$ et $\vec{u} = (x_u, y_u, z_u)$

alors on pose $q = (x_u + x_p, y_u + y_p, z_u + z_p)$

on vérifie facilement que $\vec{pq} = \vec{u}$ et

que tout point $q' \in E$ t_q $\vec{pq}' = \vec{u}$ vérifie

aussi $q' = (x_u + x_p, y_u + y_p, z_u + z_p)$; dont l'unicité.

Autres exemples

1) $D = \{ (x, y) \in \mathbb{R}^2, 2x + y = 3 \}$

2) $S = \{ (x_1, x_2, x_3) \in \mathbb{R}^3, \text{ solution du système}$

$$\left. \begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 3 \\ x_1 - x_2 + 2x_3 = 1 \end{cases} \right\}$$

3) $P = \{ P(x) \in \mathbb{R}_3[x] \mid P(1) = 5 \}$

4) Soient $a, b \in \mathbb{R}$ et S l'ensemble des suites réelles

$$S = \{ (u_n)_{n \in \mathbb{N}} \mid \forall n \in \mathbb{N} \quad u_{n+1} = au_n + b \}$$

5) $E = \{ f \in C^\infty(\mathbb{R}) \mid f \text{ est solution de l'équation}$
$$y'' - 5y' + 6y = 6 \}$$